

Grupo: 2BV3
 Practica No: 5°
 Fecha de realización: 20-Marzo-07
 Fecha de entrega: 27-Marzo-07

ALGORITMO:

Algoritmo de eliminación gaussiana con pivoteo parcial:

Para resolver el sistema lineal:

$$\begin{aligned} E_1 &= a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots a_{1n}x_n = a_{1,n+1} \\ E_2 &= a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots a_{2n}x_n = a_{2,n+1} \\ &\cdot \\ &\cdot \\ &\cdot \\ E_n &= a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \dots a_{nn}x_n = a_{n,n+1} \end{aligned}$$

Entrada

Número de incógnitas y ecuaciones n; matriz aumentada $A=(a_{ij})$ donde $1 \leq i \leq n$ y $1 \leq j \leq n+1$.

Salida

Solución $x_1, \dots, x_n$ o mensaje de que el sistema lineal no tiene una solución única.

Paso 1 Para $i=1, \dots, n$ tome $NROW(i)=i$. (Inicializar apuntador de renglón)

Paso 2 Para $i=1, n-1$ haga pasos 3-6 (Proceso de eliminación)

Paso 3 Sea p el entero mas pequeño con $i \leq p \leq n$ y

$$|a(NROW(p), i)| = \max_{i \leq p \leq n} |a(NROW(j), i)|$$

$$\text{Notacion: } a(NROW(i), j) \equiv a_{NROWij}$$

Paso 4 Si $a(NROW(p), i) = 0$ entonces SALIDA (No existe una solución única');
 PARAR

Paso 5 Si $NROW(i) \neq NROW(p)$ entonces tome

$NCOPY$	$= NROW(i)$
$NROW(i)$	$= NROW(p)$
$NROW(p)$	$= NCOPY$

(Intercambio de renglones simulado.)

Paso 6 Para $j=i+1, \dots, n$ haga los pasos 7 y 8

Paso 7 Tome $m(NROW(j), i) = a(NROW(i), i)$

Paso 8 Realice $(E_{NROW(j)} - m(NROW(j), i) * E_{NROW(i)} \Rightarrow (E_{NROW(j)})$

Paso 9 Si $a(NROW(n), n) = 0$ entonces SALIDA (No existe una solución única');
 PARAR

Paso 10 Tome $x_n = a(\text{NROW}(n), n+1) / a(\text{NROW}(n), n)$.
(Comience la sustitución hacia atrás.)

Paso 11 Para $i=n-1, \dots, 1$

$$\text{Tome } x_i = \frac{a(\text{NROW}(i), n+1) - \sum_{j=i+1}^n a(\text{NROW}(i), j) * x_j}{a(\text{NROW}(i), i)}$$

Paso 12 SALIDA $(x_1, \dots, x_n)$; (Procedimiento terminado exitosamente.)
PARAR.

CÓDIGO FUENTE:

```
#include<stdlib.h>
#include<dos.h>
#include<stdio.h>
#include <conio.h>
#include<math.h>

void sustitucion(int);
void diagonal(int);
void rellenar(int);
void soluciones (int);
float x[20],a[20][20],b[30],nrow[20],d[20];

void main()
{
    int n,o,t;
    clrscr();
    gotoxy (15,4);printf ("===ELIMINACION GAUSSIANA CON PIVOTEO PARCIAL");
    gotoxy(18,7); printf ("Introduce el valor de n->t");flushall();
    scanf ("%d", & n);
    rellenar(n);
    diagonal(n);
    sustitucion(n);
    soluciones(n);
    t=20-(n*2);
    for (o=1;o<=n;o++)
    {
        gotoxy (t,22);printf ("x[%d]->%.2f",o,x[o]);
        t=t+12;
    }
    getch();
}

void diagonal(int n)
{
    int i,j,o,p,max,ncopy,c,g,r,h,l;//max guarda el maximo y
    double factor;                //d me mantiene renglones ordenados y con nrow me guarda a cual apunta
    for (i=1;i<=n;i++)
    {
        nrow[i]=i;
        d[i]=i;
    }
}
```

```

    }
    for (i=1;i<=n-1;i++) //i es el renglon para el pivote
    {
        max=0;
        c=i;
        for (p=1;p<=n;p++)
        {
            if (nrow[p]>i)
            {
                if (sqrt(pow((a[nrow[p]][i]),2))>max)
                {
                    max=sqrt(pow((a[nrow[p]][i]),2));
                    c=p;
                }
            }
        }
        if (max==0)
        {
            clrscr();
            gotoxy (10,10); printf ("\n\tEl sistema no tiene solucion unica");
            getch ();
            exit(n);
        }
        if (c!=i)
        {
            for (p=1;p<=n;p++)
            {
                if (nrow[i]==d[p])
                {
                    g=p;
                    if (nrow[c]==d[p])
                    {
                        h=p;
                    }
                }
            }
            ncopy=d[g];
            d[g]=d[h];
            d[h]=ncopy;
        }
        for (j=i+1;j<=n;j++) //j representa los renglones abajo del pivote
        {
            for (r=1;r<=n;r++)
            {
                if (d[r]==j)
                {
                    g=r;
                    if (d[r]==nrow[i])
                    {
                        h=r;
                    }
                }
            }
            factor=a[g][i]/a[h][i];
            a[g][i]=(a[g][i]-(factor*(a[h][i])));
            for (o=i+1;o<=n;o++)
            {
                a[g][o]=a[g][o]-factor*a[h][o]; //cambio de la fila por la multiplicacion por factor y resta con
                renglon i
            }
            b[g]=b[g]-(factor*(b[h])); // se cambia el valor de los resultados tambien
        }
    }
}

```

```

void sustitucion(int n)
{
double sum;
int i,j,g,u;
for (i=1;i<=n;i++)
{
if (d[i]==n)
g=i;
}
if (a[g][n]==0)
{
clrscr();
gotoxy(10,10); printf ("El sistema no tiene solucion unica");
getch();
exit;
}
x[n]=b[g]/a[g][n];
a[g][n]=1;
for (i=n-1;i>=1;i--)
{
for (u=1;u<=n;u++)
{
if (d[u]==i)
g=u;
}
sum=0;
for (j=i+1;j<=n;j++)
{
sum=sum+(a[g][j]*x[j]);
a[g][j]=0;
}
x[i]=(b[g]-sum)/a[g][i];
a[g][i]=1;
}
}

void soluciones (int n)
{
int y,r,m,l,u;
clrscr();
gotoxy(20,5);printf(" M A T R I Z  D E  S O L U C I O N E S ");
gotoxy(20,25); printf("La matriz nunca sufrio cambios de renglones");
gotoxy(7,30);printf ("Se realizaaron intercambios simulados con apuntadores a renglones");
gotoxy(18,32);printf ("EL programa resuelve sistemas de n*n");
y=10;
u=1;
for (m=1;m<=n;m++)
{
r=22-(2*n);
for (l=1;l<=n;l++)
{
gotoxy(r,y);printf("%.4f",a[m][l]);
r=r+10;
}
gotoxy(r,y);printf("= %.4f", x[d[u]]);
}
}

```

```

    y=y+2;
    u++;
}
}

void rellenar(int n)
{
    int i,j;
    printf("\n\n");
    for (i=1;i<=n;i++)
    {
        for (j=1;j<=n;j++)
        {
            printf("\n\t\tINGRESE EL VALOR DE (%d,%d)-->",i,j);
            scanf("%f",&a[i][j]);
        }
        printf("\n\t\tINGRESE EL VALOR DE b[%d]-->",i);
        scanf("%f",&b[i]);
    }
}

```

CORRIDA:

```

===ELIMINACION GAUSSIANA CON PIVOTEO PARCIAL

Introduce el valor de n-> 4

INGRESE EL VALOR DE <1,1>-->1
INGRESE EL VALOR DE <1,2>-->2
INGRESE EL VALOR DE <1,3>-->1
INGRESE EL VALOR DE <1,4>-->1
INGRESE EL VALOR DE b[1]-->2
INGRESE EL VALOR DE <2,1>-->3
INGRESE EL VALOR DE <2,2>-->0
INGRESE EL VALOR DE <2,3>-->2
INGRESE EL VALOR DE <2,4>-->-2
INGRESE EL VALOR DE b[2]-->3
INGRESE EL VALOR DE <3,1>-->0
INGRESE EL VALOR DE <3,2>-->4
INGRESE EL VALOR DE <3,3>-->-1
INGRESE EL VALOR DE <3,4>-->-1
INGRESE EL VALOR DE b[3]-->0
INGRESE EL VALOR DE <4,1>-->-1
INGRESE EL VALOR DE <4,2>-->6
INGRESE EL VALOR DE <4,3>-->-2
INGRESE EL VALOR DE <4,4>-->0
INGRESE EL VALOR DE b[4]-->7_

```

```
Borland C++ for DOS

      M A T R I Z   D E   S O L U C I O N E S

0.0000   -0.0000   1.0000   0.0000   = -3.0000
1.0000   0.0000   0.0000   0.0000   = 2.0000
0.0000   0.0000   0.0000   1.0000   = 4.0000
-0.0000   1.0000   0.0000   0.0000   = 0.5000

x[11]->2.00  x[21]->0.50  x[31]->-3.00 x[41]->4.00_

      La matriz nunca sufrio cambios de renglones

Se realizaaron intercambios simulados con apuntadores a renglones
      EL programa resuelve sistemas de n*n
```

b)

```
Borland C++ for DOS

===ELIMINACION GAUSSIANA CON PIVOTEO PARCIAL

      Introduce el valor de n-> 3

INGRESE EL VALOR DE <1,1>-->1
INGRESE EL VALOR DE <1,2>-->1
INGRESE EL VALOR DE <1,3>-->3
INGRESE EL VALOR DE b[11]-->6
INGRESE EL VALOR DE <2,1>-->1
INGRESE EL VALOR DE <2,2>-->2
INGRESE EL VALOR DE <2,3>-->4
INGRESE EL VALOR DE b[21]-->9
INGRESE EL VALOR DE <3,1>-->2
INGRESE EL VALOR DE <3,2>-->1
INGRESE EL VALOR DE <3,3>-->6
INGRESE EL VALOR DE b[31]-->11_
```

```
ex Borland C++ for DOS

M A T R I Z   D E S O L U C I O N E S

0.0000    1.0000    0.0000    = 1.0000
0.0000    0.0000    1.0000    = 2.0000
1.0000    0.0000    0.0000    = -1.0000

x[11]->-1.00 x[21]->1.00  x[31]->2.00_

La matriz nunca sufrio cambios de renglones

Se realizaaron intercambios simulados con apuntadores a renglones
EL programa resuelve sistemas de n*n
```